

REPUBLIQUE TUNISIENNE MINISTERE DE L'EDUCATION ●●●●● EXAMEN DU BACCALAUREAT SESSION 2018	<i>Session principale</i>	
	<i>Epreuve</i> : Mathématiques	Section : <i>Sport</i>
	Durée : 2h	Coefficient de l'épreuve : 1

Le sujet comporte 4 pages numérotées 1/4 , 2/4 , 3/4 et 4/4

La page 4/4 est à remettre avec la copie

Exercice 1 (7 points)

Dans son parcours pour les finales de coupe du monde de football 2018, une sélection nationale d'un pays a disputé 8 matchs de qualification.

Dans une petite région A de 1000 habitants, 404 personnes n'ont pas regardé le premier match.

On a constaté que :

- Parmi toutes les personnes qui ont regardé un match, seulement 10 personnes n'ont pas regardé le match suivant.
- Parmi toutes les personnes qui n'ont pas vu un match, la moitié a regardé le match suivant.

On notera U_n le nombre de personnes du village ayant vu le $n^{\text{ième}}$ match.

1) a/ Vérifier que $U_1=596$.

b/ Montrer que $U_2=788$ et que $U_3= 884$.

c/ Justifier que la suite (U_n) est ni arithmétique ni géométrique.

2) Démontrer que pour tout entier naturel n , on a : $U_{n+1} = \frac{1}{2} U_n + 490$.

3) Soit (V_n) la suite définie par : $V_n= U_n- 980$

a) Calculer V_1 .

b) Démontrer que la suite (V_n) est une suite géométrique de raison $\frac{1}{2}$.

c) Pour tout entier naturel n , exprimer alors V_n en fonction de n et en déduire que

$$U_n = (-384) \left(\frac{1}{2} \right)^{n-1} + 980.$$

4) Combien d'habitants du village n'ont pas vu le $8^{\text{ième}}$ match de la qualification ?

Exercice 2 (6 points)

Dans une compétition de natation dans la spécialité crawl (nage libre), un nageur doit choisir au hasard deux courses différentes parmi les 4 suivantes : course de 50 mètres, de 100 mètres, de 800 mètres et de 1500 mètres.

(On rappelle que 50 m et 100 m sont des courses de **sprint** et que 800 m et 1500 m sont des courses de **demi-fond**)

- 1) On considère les événements suivants :
 - A « le nageur choisit deux courses de demi-fond »
 - B « le nageur choisit au moins une course de sprint »
- a) Montrer que $p(A) = \frac{1}{6}$.
- b) Calculer la probabilité de l'événement B.
- 2) Soit X l'alea numérique donnant le nombre de courses de sprint choisies par un nageur.
 - a) Montrer que les valeurs prises par X sont : 0, 1 et 2.
 - b) Déterminer la loi de probabilité de X
 - c) Calculer $E(X)$ et $V(X)$.

Exercice 3 (7 points)

Soit f la fonction définie sur $]-2, +\infty[$ par $f(x) = \ln\left(\frac{1}{2}x + 1\right)$ et (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) du plan.

- 1) a) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$.
- b) Montrer que $f'(x) = \frac{1}{x+2}$ pour tout réel x de $]-2, +\infty[$.
- c) Calculer $f'(0)$ et montrer que la droite Δ d'équation $y = \frac{1}{2}x$ est tangente à (C) au point d'abscisse 0.
- d) Dresser le tableau de variations de f .

2) Dans l'annexe ci-jointe on a représenté dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) la courbe (Γ) de la fonction f' dérivée de f et la droite Δ d'équation $y = \frac{1}{2}x$.

a) Copier et compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-1	0	1	2	3
f(x)			$\ln\left(\frac{3}{2}\right)$		

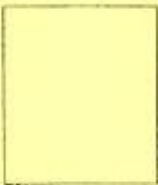
b) Tracer dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) la courbe (C) de f .

3) Soit \mathcal{A} la partie du plan limitée par les courbes (C) et (Γ) et les droites d'équations : $x=2$ et $x=3$.

a) Hachurer la partie \mathcal{A} .

b) Montrer que la fonction F définie sur $]-2, +\infty[$ par $F(x) = (x+2)\ln\left(\frac{1}{2}x+1\right) - x$ est une primitive de f .

c) Montrer que l'aire de la partie \mathcal{A} , en unité d'aire, est égale à $(4\ln 5 - 7\ln 2 - 1)$.

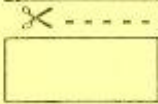


Section : N° d'inscription : Série :

Nom et Prénom :

Date et lieu de naissance :

Signatures des surveillants
.....
.....



Épreuve : **Mathématiques** - Section : **Sport** -Session principale - 2018
Annexe à rendre avec la copie

